| Nome: | : |  |
|-------|---|--|
|-------|---|--|

## Geometria Analítica

## Prova 1 - Turma C - São Bernardo - 04/11/2011

- 1. (2,5ptos) O vetor  $(-2,-4,2)_B$  (escrito em relação a uma base ortonormal positiva  $B=(\vec{i},\vec{j},\vec{k})$ ) pode ser escrito como (-8,-6,2) numa base  $C=(\vec{u},\vec{v},\vec{w})$ . Sendo  $\vec{u}=(1,1,0)$  e  $\vec{v}=(1,-2,1)$ ,
  - (a) determine  $\vec{w}$
  - (b) escreva  $\vec{j} + \vec{k}$  na base C.
- 2. (2,5ptos) O tetraedro regular  $\overrightarrow{OABC}$  tem lados de comprimento  $\ell=1$ . Sendo  $\overrightarrow{OA}=\vec{a}, \overrightarrow{OB}=\vec{b}$  e  $\overrightarrow{OC}=\vec{c},$ 
  - (a) determine a projeção ortogonal,  $\vec{u}$ , de  $\vec{a}$  na direção de  $\vec{b} + \vec{c}$
  - (b) calcule o ângulo  $\theta$  dos vetores  $\vec{a}$  e  $\vec{u}$ .
- 3. (2,5ptos) Encontre a solução geral da equação  $\vec{u} \times \vec{a} = \vec{b}$ , sendo  $\vec{u} = (x,y,z)$ ,  $\vec{a} = (1,2,1)$  e  $\vec{b} = (1,-1,1)$ . Ache a solução particular  $\vec{u}$ , de módulo  $\sqrt{38}$ , e com  $\vec{u}$  formando um ângulo agudo com o vetor  $\vec{i}$ .
- 4. (2,5ptos) Sendo  $\overrightarrow{AB} = (2,2,2)$ ,  $\overrightarrow{AC} = (0,2,-1)$  e  $\overrightarrow{AP} = (-1,5,3)$ , pede-se a distância do ponto P ao plano  $\pi$  determinado pelos pontos A,B e C.