Prova 1 Funções de Uma Variável

Prof.: Daniel

Avisos:

- Tente resolver todas as questões, mas priorize a qualidade da sua resolução. Boa qualidade em pouca quantidade é melhor do que muita quantidade com pouca qualidade.
- Resolva as questões na ordem que melhor lhe convier. Mas explicite que questão ou item você está resolvendo.
- É terminantemente proibido consultar qualquer material ou colega.

1 — (2pt)

- a) Defina precisamente $\lim_{x\to a} f(x) = L$.
- b) Prove a partir da definição que $\lim_{x\to 4} x^2 = 16$ 4 (2pt) Calcule as seguintes derivadas, jus-
- Defina precisamente "f(x) é contínua em tificando cada passagem:
- Mostre que a função $f(x) = \frac{x-1}{|x-1|}$ não é d) contínua em 1.

2 — (2.5pt) Calcule os seguintes limites, justificando cada passagem. Faça 4 itens dos 5.

a)
$$\lim_{x \to 2} \frac{x^3 - 5x^2 + 8x - 4}{x^4 - 5x - 6}$$

b)
$$\lim_{x \to 0} \frac{\tan(nx)}{\tan(mx)}$$

c)
$$\lim_{x \to 0} \sqrt{x} \, 3^{\sin(5/x^2)}$$

d)
$$\lim_{x\to\infty} (1+k/x)^x$$

e)
$$\lim_{x \to \infty} x - \sqrt{x+5}$$

3 — (2pt) Mostre que a tangente à elipse

$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$$

no ponto (x_0, y_0) é:

$$\frac{x_0 x}{a^2} + \frac{y_0 y}{b^2} = 1$$

a)
$$x^7 + 1/\sqrt{x} + \ln(x)e^x + \sqrt{5}x$$

b)
$$e^{x^2} + \text{sen}(1/x)$$

c)
$$4^{\cos(x)} + \arcsin(-3x) + \sinh(x^2)$$

d)
$$x^x$$

5 — (2pt) Uma calha deve ser construída com uma folha de metal de largura 30cm dobrando-se para cima 1/3 da folha de cada lado, fazendo-se um ângulo θ com a horizontal.

Como deve ser escolhido θ de forma que a capacidade de carregar a água na calha seja máxima? Justifique sua resposta detalhadamente.

